

**SOLUCIÓN NUMÉRICA DE ECUACIONES DIFERENCIALES ORDINARIAS**  
**(MÉTODOS EN DIFERENCIAS)**  
**POSGRADO EN CIENCIAS MATEMÁTICAS, UNAM**  
**SEMESTRE 2025 - 1**  
**TAREA 7**

PROFESOR: GERARDO HERNÁNDEZ DUEÑAS

**Para entregar :** Viernes, 25 de octubre, 2024.

**Antes de las 12:40 PM** 100%

**Después de las 12:40 PM y hasta las 12 AM** 80%

**Se darán solo créditos parciales a respuestas que no incluyan detalles**

**Problema 1:** Para la solución numérica del problema

$$y' = \lambda(y - \sin t) + \cos t, y(0) = 1, 0 \leq t \leq 1,$$

cuya solución exacta es  $y(t) = e^{\lambda t} + \sin t$ , considere la utilización de los siguientes métodos con  $y_0 = 1$ ; y  $y_1 = y(h)$  (i.e. utilizando la solución exacta en el primer paso)

(a) El método de punto medio:

$$y_n = y_{n-2} + 2hf_{n-1}$$

(b) Adams-Bashforth:

$$y_n = y_{n-1} + \frac{h}{2}(3f_{n-1} - f_{n-2})$$

(c) BDF:

$$y_n = \frac{(4y_{n-1} - y_{n-2})}{3} + \frac{2h}{3}f_n.$$

Considere que va a utilizar  $h = 0.01$ , para  $\lambda = 10, -10, -500$ . Analice la calidad esperada de los resultados que se obtendrían en cada uno de los casos.

**Problema 2:** El predictor P y el corrector C están definidos mediante sus polinomios característicos como:

$$P: \quad \rho^*(\zeta) = \zeta^4 - 1, \quad \sigma^*(\zeta) = \frac{4}{3}(2\zeta^3 - \zeta^2 + 2\zeta)$$

$$C: \quad \rho(\zeta) = \zeta^2 - 1, \quad \sigma(\zeta) = \frac{1}{3}(\zeta^2 + 4\zeta + 1).$$

- (a) Demuestre que para esta pareja es posible aplicar la estimación del error de Milne para la pareja  $(P, C)$ .
- (a) Describa el método PECE utilizando tales esquemas.
- (b) ¿De qué orden sería el PECE y cuál su constante de error?