

TERMINAL VI (SIMULACION) - 2020 - 2. TAREA 8

PROFESOR: GERARDO HERNÁNDEZ DUEÑAS

Para entregar : Lunes, 7 de diciembre de 2020.

Antes de las 5:10 PM 100%

Después de las 5:10 PM y hasta las 12 PM 80%

Se darán solo créditos parciales a respuestas que no incluyan detalles

Problema 1: Considera el llamado método θ para $u'(t) = f(u(t), t)$, dado por

$$U^{n+1} = U^n + k \left[(1 - \theta)f(U^n, t_n) + \theta f(U^{n+1}, t_{n+1}) \right],$$

donde θ es un parámetro fijo. Los valores $\theta = 0, 1/2, 1$ nos da métodos ya vistos en clase.

- (a) Un método numérico se dice que es A -estable si la región de estabilidad absoluta contiene a todo el semi-plano complejo izquierdo (parte real negativa). Demuestra que el método θ es A -estable para $\theta \geq 1/2$.
- (b) Grafica la región de estabilidad para $\theta = 0, 1/4, 1/2, 3/4, 1$ y comenta cómo es la región de estabilidad para otros valores de θ .